### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное учреждение науки Хабаровский Федеральный исследовательский центр Дальневосточного отделения Российской академии наук

Врио директора

д-р техні наук

А:Н.Шулюпин

20 г.

Приказ № Дот «В» Мум 2020 г.

# ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ ПО СПЕЦИАЛЬНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ

### «КОМПЬЮТЕРНЫЕ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ НАУКИ»

по направлению подготовки научно-педагогических кадров в аспирантуре 02.06.01 Компьютерные и информационные науки

#### Направленности:

05.13.18 Математическое моделирование, численные методы и комплексы программ

01.01.07 Вычислительная математика

Квалификация *Исследователь*. *Преподаватель*—исследователь

Программа вступительного испытания составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (уровень подготовки кадров высшей квалификации), утвержденного приказом министерства образования и науки РФ от 30 июля 2014 г. №886.

Программа вступительного испытания утверждена приказом XФИЦ ДВО РАН № 2700 г. 2020 г.

# 1. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ К ПРОГРАММЕ ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ

Программа вступительного испытания предназначена для поступающих на образовательную программу высшего образования – программу подготовки научно–педагогических кадров в аспирантуре по направлению подготовки – 02.06.01 Компьютерные и информационные науки, направленность: 05.13.18 Математическое моделирование, численные методы и комплексы программ, 01.01.07 Вычислительная математика.

Цель вступительных испытаний — выявление среди поступающих в аспирантуру наиболее способных и подготовленных к освоению образовательных программ высшего образования — программ подготовки научно—педагогических кадров в аспирантуре.

Вступительные испытания по направлению подготовки аспирантов «Компьютерные и информационные науки» проводятся в виде собеседования с обязательным оформлением ответов на вопросы билета в письменном виде.

### 2. ТРЕБОВАНИЯ К ПОСТУПАЮЩИМ

Поступающий в аспирантуру должен продемонстрировать знания о математических понятиях и их свойствах, математических методах, основах программирования и информатике, соответствующие уровню подготовки специалиста (магистра). Иметь определенный научные наработки по данному направлению подготовки, который будет учтен при участии в конкурсе в случае одинакового количества баллов поступающих.

#### 3. СТРУКТУРА ИСПЫТАНИЯ

Испытание состоит из ответов на вопросы билета и дополнительные вопросы в рамках программы вступительного испытания.

# 4. СОДЕРЖАНИЕ ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ

#### Основные математические понятия

- 1. Общее решение системы линейных уравнений. Однородные системы (пространство решений, фундаментальные системы решений).
- 2. Собственные векторы и собственные числа матрицы. Корни полиномов. Разложение многочлена на неприводимые множители.
- 3. Формула Тейлора. Основные теоремы интегрального исчисления: замена переменных, метод интегрирования по частям, интегрирование

рациональных функций.

- 4. Числовые ряды: признаки сходимости знакопостоянных и знакопеременных рядов. Функциональные ряды. Степенные ряды. Ряд Фурье и вычисление его коэффициентов.
- 5. Элементы теории функций нескольких переменных: предел, непрерывность, дифференцируемость. Необходимые и достаточные условия существования экстремума функции в точке. Кратный и повторный интегралы, вычисление площадей и объёмов.
- 6. Элементы теории функций нескольких переменных: предел, непрерывность, дифференцируемость. Необходимые и достаточные условия существования экстремума функции в точке.

### Обыкновенные дифференциальные уравнения

- 1. Нормальная система дифференциальных уравнений. Задача Коши.
- 2. Нормальная система линейных дифференциальных уравнений. Линейное дифференциальное уравнение n—того порядка.
  - 3. Теоремы существования и единственности.
  - 4. Зависимость задачи Коши от параметров и начальных условий.
  - 5. Приближенные методы решения Задачи Коши.
- 6. Уравнения с частными производными первого порядка. Решение задачи Коши для квазилинейного уравнения.
- 7. Линейное однородное уравнение с частными производными первого порядка и первые интегралы динамических систем.

# Теория вероятностей и математическая статистика

- 1. Основные понятия теории вероятностей. Случайные величины. Основные распределения, их характеристики. Центральная предельная теорема.
- 2. Точечные и интервальные оценки параметров распределений. Проверка гипотез. Методы построения критериев.
  - 3. Регрессионный анализ. Линейная и нелинейная регрессия.

# Методы вычислений (численные методы)

- 1. Интерполяций функций. Интерполяция многочленами. Кусочнополиномиальная интерполяция. Сплайны.
- 2. Понятие о квадратурных формулах для функций одной переменной. Квадратурные формулы прямоугольников, трапеций Симпсона.
- 3. Метод простой итерации и метод Ньютона для решения систем нелинейных уравнений.
- 4. Градиентный метод минимизации функций нескольких переменных. Метод проекции градиента для минимизации с ограничениями. Достаточные условия сходимости.

5. Приближенное решение систем обыкновенных дифференциальных уравнений. Метод Эйлера решения задачи Коши. Понятие аппроксимации и сходимости.

### Методы моделирования и оптимального управления

- 1. Понятие системы, виды систем. Понятие модели и моделирования. Формальные модели, их классификация и особенности. Абстрактные и формальные модели. Математические модели. Основные параметры математических моделей.
- 2. Основные понятия исследования операций и оптимального управления. Методы оптимального управления. Задачи оптимального управления.
- 3. Моделирование систем информационного обслуживания. Модели систем массового обслуживания. Примеры систем массового обслуживания.
- 4. Процесс управления в сложных системах. Основы теории управления. Аксиомы теории управления. Наличие наблюдаемости Объекта управления. Наличие управляемости объекта управления. Наличие цели управления.
- 5. Информационные системы назначение и структура. Роль информационных систем в процессе управления.

Методы поиска оптимального решения. Игровые методы оптимального управления.

## Уравнения математической физики

- 1. Основные уравнения математической физики. Классификация линейных дифференциальных уравнений с частными производными второго порядка с двумя и многими независимыми переменными.
- 2. Постановка краевых задач и задачи Коши. Корректно и некорректно поставленные задачи.
- 3. Решение краевых задач для уравнений гиперболического и параболического типов методом Фурье.
- 4. Принцип максимума и минимума для решений уравнений теплопроводности. Корректность задачи Коши.
- 5. Метод характеристик для гиперболических систем линейных и квазилинейных уравнений. Решений задачи Коши для волнового уравнения в одномерном, двумерном и трехмерном случае.
- 6. Применение метода конечных элементов для решения задач математической физики.
- 7. Потенциалы и их основные свойства. Применение потенциалов к решению краевых задач.

# 5. ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ВСТУПИТЕЛЬНЫХ ИСПЫТАНИЙ

Результаты вступительных испытаний оцениваются по пятибалльной шкале. Оценка определяется как средний балл, выставленный экзаменаторами во время экзамена. Критерии оценки результатов комплексного экзамена в аспирантуру:

- 5 (Отлично) полный безошибочный ответ, в том числе на дополнительные вопросы членов экзаменационной комиссии. Поступающий должен правильно определять понятия и категории, выявлять основные тенденции и противоречия, свободно ориентироваться в теоретическом и практическом материале.
- 4 (Хорошо) правильные и достаточно полные, не содержащие ошибок и упущений ответы. Оценка может быть снижена в случае затруднений студента при ответе на дополнительные вопросы членов экзаменационной комиссии. При ответе допущены отдельные несущественные ошибки.
- 3 (Удовлетворительно) недостаточно полный объем ответов, наличие ошибок и некоторых пробелов в знаниях.
- 2 (Неудовлетворительно) Неполный объем ответов, наличие ошибок и пробелов в знаниях или отсутствие необходимых знаний.

#### 6. ЛИТЕРАТУРА

- 1. Алиев А.В., Мищенкова О.В. Математическое моделирование в технике. Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2012 476 с.
- 2. Балюкевич Э.Л. Дискретная математика [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Балюкевич Э.Л., Ковалева Л.Ф., Романников А.Н.— Электрон. текстовые данные.— М.: Евразийский открытый институт, 2009.— 173 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/10661.— ЭБС «IPRbooks», по паролю
- 3. Ехлаков Ю.П. Введение в программную инженерию [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Ехлаков Ю.П.— Электрон. текстовые данные.— Томск: Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники, Эль Контент, 2011.— 148 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/13923.—ЭБС «IPRbooks», по паролю
- 4. Ильин В.А. Основы математического анализа. Часть I [Электронный ресурс]: учебник для вузов/ Ильин В.А., Позняк Э.Г.— Электрон. текстовые данные.— М.: ФИЗМАТЛИТ, 2014.— 645 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/25695.—ЭБС «IPRbooks», по паролю
  - 5. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Линейная алгебра: учебник для вузов 6-е

- изд., стереотип. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2010 280с.
- 6. Лионс Ж.–Л. Некоторые методы решения нелинейных краевых задач: пер. с фр. М.: Едиториал УРСС, 2010. 588с.
- 7. Самарский А.А. Введение в численные методы: учеб. пособие для вузов. СПб.: Лань, 2009. 288с.
- 8. Самарский А.А. Устойчивость разностных схем. М.: Либроком, 2009. 386 с.
- 9. Тер–Крикоров А.М. Курс математического анализа [Электронный ресурс]: учебное пособие для вузов/ Тер–Крикоров А.М., Шабунин М.И.– Электрон. текстовые данные. М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2013.– 677 с.– Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/6508.– ЭБС «IPRbooks», по паролю
- 10. Фихтенгольц Г.М. Основы математического анализа. В 2ч.: учеб. для вузов. Ч.1. СПб.: Лань, 2008. 448с.
- 11. Фихтенгольц Г.М. Основы математического анализа. В 2ч.: учеб. для вузов. Ч.2. СПб.: Лань, 2005. 464c.
- 12. Щербакова Ю.В. Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Щербакова Ю.В. Электрон. текстовые данные. Саратов: Научная книга, 2012. 159 с. Режим доступа: <a href="http://www.iprbookshop.ru/6264">http://www.iprbookshop.ru/6264</a>. ЭБС «IPRbooks», по паролю